

Konstanten

$$k = 8.617 \cdot 10^{-5} \frac{eV}{K} = 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$$

$$h = 4.13 \cdot 10^{-15} eVs = 6.62 \cdot 10^{-34} Js$$

$$e = 1.6022 \cdot 10^{-19} C$$

$$m_e = 9.109 \cdot 10^{-31} kg$$

$$\varepsilon_0 = 8.854 \cdot 10^{-12} \frac{C}{Vm} = 8.854 \cdot 10^{-14} \frac{C}{Vcm}$$

Temperaturspg.:

$$U_T = \frac{kT}{q} \stackrel{T=300K}{=} 25.852 mV$$

eff. Richardsonkonst.: $A^* \approx 120 Acm^{-2} K^{-2}$

$$n_i(Si, 300K) = 1.08 \cdot \frac{10^{10}}{cm^3}$$

Lichtgeschwindigkeit: $c = 3 \cdot 10^{10} \frac{cm}{s}$

Ladungsträger im Halbleiter

Massenwirkungsgesetz: $n_0 p_0 = n_i^2$

intrinsisch: $n_0 = p_0 = n_i$

Debye-Länge

$$n\text{-Gebiet} \quad p\text{-Gebiet}$$

$$L_D = \sqrt{\frac{\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} kT}{q^2 n_0}} \quad L_D = \sqrt{\frac{\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} kT}{q^2 p_0}} [cm]$$

Zustandsdichten

$$\text{Elektronen: } N_e(E) = \frac{4\pi(2m_e^*)^{1.5}}{h^3} \sqrt{E - E_C}$$

$$\text{Löchern: } N_h(E) = \frac{4\pi(2m_h^*)^{1.5}}{h^3} \sqrt{E_V - E}$$

Fermi-Dirac-Statistik

$$f(E) = \frac{1}{1 + \exp\left(\frac{E - E_F}{kT}\right)}$$

Boltzmann-Näherung

$$f_{B,e}(E) = \exp\left(-\frac{E - E_F}{kT}\right)$$

$$f_{B,h}(E) = 1 - \exp\left(\frac{E - E_F}{kT}\right)$$

Ladungsträgerkonzentration

$$\text{intr. } n_0 = \int_{E_C}^{\infty} N_e(E) f(E) dE \approx N_c e^{-\frac{E_C - E_{Fi}}{kT}}$$

$$p_0 = \int_{-\infty}^{E_V} N_h(E) (1 - f(E)) dE \approx N_v e^{-\frac{E_{Fi} - E_V}{kT}}$$

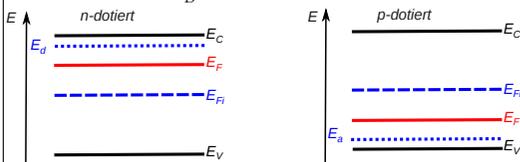
$$\text{dot. } n_0 = N_C \exp\left(\frac{E_F - E_C}{kT}\right) = n_i \exp\left(\frac{E_F - E_{Fi}}{kT}\right)$$

$$p_0 = N_V \exp\left(\frac{E_V - E_F}{kT}\right) = n_i \exp\left(-\frac{E_F - E_{Fi}}{kT}\right)$$

mit $N_c = 2 \left(\frac{2\pi m_e^* kT}{h^2}\right)^{1.5}$ $N_v = 2 \left(\frac{2\pi m_h^* kT}{h^2}\right)^{1.5}$

$p_0 \approx N_A$ und $n_0 = \frac{n_i^2}{N_A}$ im p-HL, wenn $N_A \gg N_D \wedge N_A \gg n_i$

$n_0 \approx N_D$ und $p_0 = \frac{n_i^2}{N_D}$ im n-HL, wenn $N_D \gg N_A \wedge N_D \gg n_i$



$$E_C - E_{Fi} = \frac{E_g}{2} \quad (E_{Fi} \text{ mittig zw. } E_C \text{ und } E_V)$$

$$E_g = E_C - E_V$$

$$\text{intr. LTkonz.: } n_i = \sqrt{N_c N_v} \exp\left(-\frac{E_g}{2kT}\right)$$

intr. F-Niveau

$$E_{Fi} = \frac{E_C + E_V}{2} + \frac{1}{2} kT \ln \frac{N_v}{N_c} = E_V + \frac{1}{2} E_g + \frac{3}{4} kT \ln \frac{m_h^*}{m_e^*}$$

F-Niveau: $E_F = E_{Fi} + kT \ln \frac{n_0}{n_i} = E_{Fi} - kT \ln \frac{p_0}{n_i}$

Dotierung mit Akzeptoren & Donatoren

$$n_0 = \frac{N_D^+ - N_A^- + \sqrt{(N_D^+ - N_A^-)^2 + 4n_i^2}}{2}$$

$$p_0 = \frac{N_A^- - N_D^+ + \sqrt{(N_A^- - N_D^+)^2 + 4n_i^2}}{2}$$

$$p_0 + N_D^+ = n_0 + N_A^- \quad (\text{Ladungsneutralität})$$

Anzahl ionisierter Dotieratome

$$N_D^+ = \frac{N_D}{\frac{1}{2} \exp\left(\frac{E_F - E_{D1}}{kT}\right) + 1}$$

$$N_A^- = \frac{N_A}{\frac{1}{4} \exp\left(\frac{E_{A1} - E_F}{kT}\right) + 1}$$

Transporteigenschaften

$$\text{spez. Widerstand: } \rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{1}{q(p\mu_p + n\mu_n)} \left[\frac{Vcm}{A}\right]$$

$$\text{ohm. Widerstand: } R = \frac{\rho L}{A} [\Omega]$$

$$\text{Beweglichkeit: } \mu = \frac{qT\tau_{Flug}}{m^*} [cm^2 V^{-1} s^{-1}]$$

$$\text{Spez. Leitfähigkeit: } \sigma = qN\mu \left[\frac{A}{Vcm}\right]$$

ohm. Gesetz: $j_{drift} = \sigma E$

Stromdichte

$$j_{drift} = q(pv_p - nv_n) = q(p\mu_p + n\mu_n)E$$

$$\text{Effektive Masse } m^*: \frac{1}{m^*} = \frac{4\pi^2}{h^2} \cdot \frac{d^2 E}{dk^2}$$

$$\text{Geschw. gelad. Teilchen: } v = \sqrt{\frac{2|QU|}{m}}$$

Halleffekt

$$F_m = Qv \times B$$

$$F_e = QE$$

wenn $|F_e| = |F_m|$:

$$E_H = \frac{U_H}{b} = R_H j_x B_z$$

U_H Hallspannung, R_H Hallkoeffizient

$$\text{Diffusionskoeffizient: } D_{n/p} = U_T \mu_{n/p} [cm^2/s]$$

$$\text{Diffusionslänge: } L_{n/p} = \sqrt{D_{n/p} \tau_{n/p}} [cm]$$

$$\begin{matrix} \text{Elektronen} & \text{Löcher} \\ j_{Diff} & qD_n \frac{dn}{dx} & -qD_p \frac{dp}{dx} \\ j_{Drift} & qn\mu_n E & qp\mu_p E \end{matrix}$$

Ausgleich von Ladungsträgerüberschuss

Rekombinationsrate: $R = bnp$

therm. Generationsrate: $G_{th} = bn_i^2$

Proportionalitätskonstante: $b = \frac{1}{\tau_n p_0} = \frac{1}{\tau_p n_0}$

Ladungsträgerkonzentration

$$np = (n_0 + \Delta n)(p_0 + \Delta p) \neq n_i^2$$

Rekombinationszentr. Bandmitte: $E_T = E_{Fi}$

$$U = \frac{\sigma v_{th} (pn - n_i^2) N_T}{n + p + 2n_i}$$

dielekt. Relaxationszeit: $\tau_d = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_I}{\sigma}$

Konz. inj. Löcher

$$\Delta p(x) = \Delta p(x=0) \exp\left(-\frac{x}{L_p}\right)$$

Kontinuitätsgl.: $v_{D,n/p} = \frac{d}{dt} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \pm E \mu_{n/p}$

Halbleiterdioden

Potential

$$\phi(x) = \frac{kT}{q} \ln \frac{N_A}{p(x)}$$

Diffusionsspannung

$$U_{Diff} = \frac{kT}{q} \ln \left(\frac{N_A N_D}{n_i^2}\right)$$

Poissongleichung

$$\frac{dE}{dx} = -\frac{d^2 \phi}{dx^2} = \frac{\rho(x)}{\varepsilon_0 \varepsilon_{HI}}$$

Raumladungszone

Stet. elektr. Feld: $N_A x_p = N_D x_n$

Stet. Potential: $N_D x_n^2 + N_A x_p^2 = \frac{2\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} U_{Diff}}{q}$

Bandverbiegung: $q(U_{diff} - U)$

Widerstand Bahngebiete: $R = R_n + R_p$

Weite $w_{RL} = x_n + x_p =$

$$\sqrt{\frac{2\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} (U_{diff} - U)}{q} \cdot \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D}\right)}$$

$$x_n/p = \sqrt{\frac{2\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} (U_{diff} - U)}{q N_{D/A}} \cdot \frac{N_{A/D}}{N_A + N_D}}$$

$$= L_{D,n/p} \sqrt{\frac{2(U_{diff} - U)}{U_T} \cdot \frac{N_{A/D}}{N_A + N_D}} = w_{RL} \frac{N_{A/D}}{N_A + N_D}$$

max. Feldstärke: $|E_{max}| = 2 \frac{U_{diff} - U}{w_{RL}} \left[\frac{V}{cm}\right]$

Rand der Raumladungszone

$$\text{Fluß: } np = n_i^2 \exp\left(\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}\right) = n_i^2 \exp\left(\frac{qU}{kT}\right)$$

Sperr: $n_p, p_n \approx 0$

Kapazitäts-Spannungs-Beziehung

Sperrschichtkapazität:

$$C_s = A \sqrt{\frac{q\varepsilon_0 \varepsilon_{HI}}{2(U_{diff} - U)} \left(\frac{N_A N_D}{N_A + N_D}\right)} = A \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_{HI}}{w_{RL}}$$

eins. abrupt: $C_s = A \sqrt{\frac{q\varepsilon_0 \varepsilon_{HI} N}{2(U_{diff} - U)}}$ N Dotierkonz im niedr. dot. Gebiet

$$I_s = Aq \left(\frac{D_n n_{p,0}}{L_n} + \frac{D_p p_{n,0}}{L_p}\right) =$$

$$Aqn_i^2 \left(\frac{D_n}{L_n N_A} + \frac{D_p}{L_p N_D}\right) = Aqn_i^2 \left(\frac{L_n}{\tau_n N_A} + \frac{L_p}{\tau_p N_D}\right)$$

Diffusionsstrom

$$I = I_s \left(\exp\left(\frac{q(U - I_{diode} R_s)}{kT}\right) - 1\right)$$

Lawinendurchbruch: $U_B = \frac{1}{2} w_{RL} E_B =$

$$\frac{1}{2} \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_{HI}}{qN} E_B^2 = 60V \left(\frac{E_g}{1.1eV}\right)^{1.5} \left(\frac{N}{10^{16} cm^{-3}}\right)^{-0.75}$$

Flußbereich

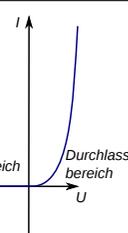
$$\text{Nettorekombinationsrate: } U = \frac{\sigma v_{th} np N_T}{n + p}$$

Rekombinationsstrom

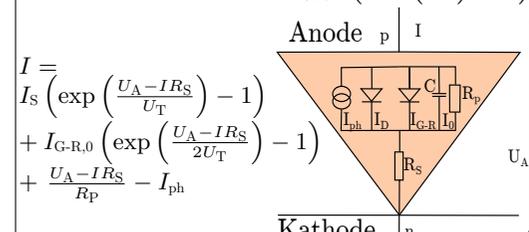
$$j_R = \frac{qn_i w_{RL}}{2\tau_R} \exp\left(\frac{qU}{2kT}\right); \quad \tau_R = \frac{1}{\sigma v_{th} N_T}$$

Sperrbereich

$$\text{Generationsstromdichte: } j_G = -\frac{qn_i}{2\tau_G} w_{RL}$$



$$\text{Zusammen: } j_{G-R} = \frac{qn_i w_{RL}}{2\tau_{GR}} \left(\exp\left(\frac{qU}{kT}\right) - 1\right)$$



Kleinsignalparameter

Anlegen einer Flusspg. mit überlagerter Wechselspg.

$$\text{Diff.kap: } C_d = \frac{q}{kT} \left(\frac{qL_n n_{p,0}}{2} + \frac{qL_p p_{n,0}}{2}\right) \exp\left(\frac{qU_0}{kT}\right)$$

$$\text{Diff.leitwert: } G_d = \frac{q}{kT} j_s \exp\left(\frac{qU_0}{kT}\right) [\Omega^{-1} cm^{-2}]$$

Schottkydiode

$$j = A^* T^2 \exp\left(-\frac{q\phi_B}{kT}\right) \left(\exp\left(\frac{qU}{kT}\right) - 1\right)$$

Bipolartransistor

$$U_{CE} = U_{BE} - U_{BC}$$

$$I_B = \frac{qA n_i^2 D_{p,E}}{Q_{E,eff}} \exp\left(\frac{qU_{BE}}{kT}\right)$$

$$I_C = \frac{qA n_i^2 D_{n,B}}{Q_B} \exp\left(\frac{qU_{BE}}{kT}\right)$$

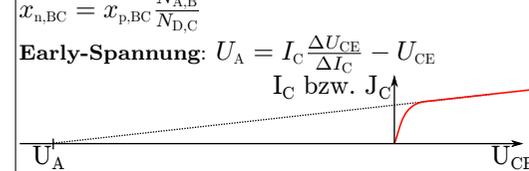
$$I_E = I_B + I_C$$

neutr. Basisweite

$$d_B = l_M - x_{p,BC}$$

$$x_{n,BC} = x_{p,BC} \frac{N_{A,B}}{N_{D,C}}$$

Early-Spannung: $U_A = I_C \frac{\Delta U_{CE}}{\Delta I_C} - U_{CE}$



Gummelzahlen

$$\text{Basis: } Q_B = N_{A,B} d_B$$

$$\text{Emitter (eff.): } Q_E = N_{D,E} L_{p,E}$$

Operationsmodus

Operationsmodus	Emitter/Basis	Basis/Kollektor
Normalbetrieb	Flußpolung	Sperrpolung
Sättigungsbetrieb	Flußpolung	Flußpolung
Cutoff-Betrieb	Sperrpolung	Sperrpolung
Inversbetrieb	Sperrpolung	Flußpolung

Kleinsignalparameter

Stromverstärkungsfaktor

$$\text{Basisschaltung: } \alpha = \frac{\partial I_C}{\partial I_E} = \frac{\beta}{1 + \beta}$$

$$\text{Emitterschaltung: } \beta = \frac{\partial I_C}{\partial I_B} = \frac{\alpha}{1 - \alpha}$$

Großsignalparameter

Stromverstärkungsfaktor

$$\text{Basisschaltung: } A = \frac{I_C}{I_E} = \frac{B}{1 + B}$$

$$\text{Emitterschaltung: } B = \frac{I_C}{I_B} = \frac{A}{1 - A}$$

